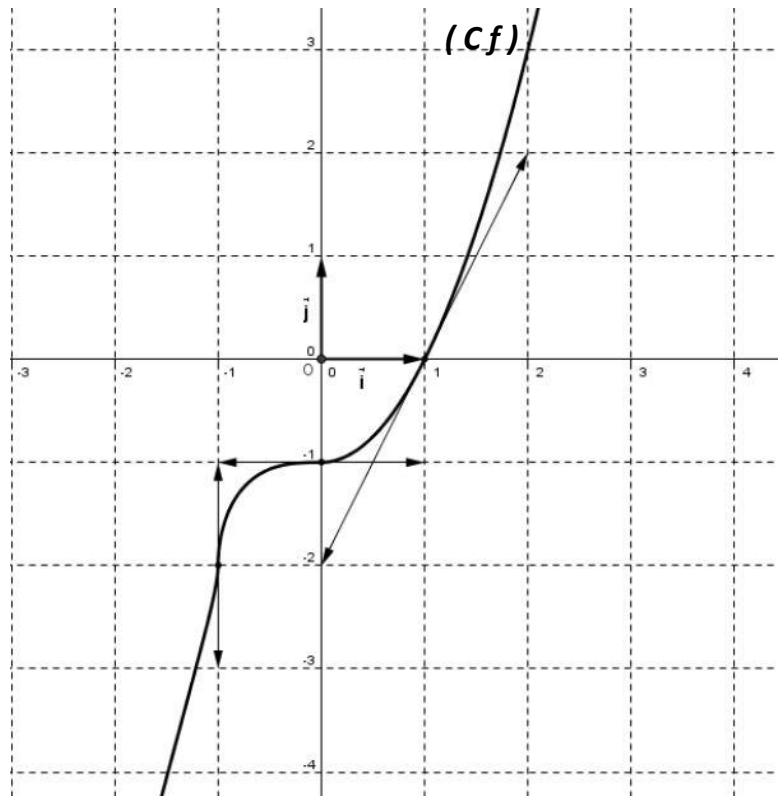


EXERCICE N : 1 (6 points)

La figure ci-contre contient la représentation graphique **(C_f)** d'une fonction f dans le repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) .



A) Par lecture graphique , déterminer :

1) Le domaine de définition D_f de f .

2) Le signe de $f(x)$ sur D_f .

3) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$;

4) $f(0)$; $f'(0)$; $f'(1)$

$$\lim_{x \uparrow 1^-} \frac{f(x)-f(-1)}{x+1} \quad \text{et} \quad \lim_{x \uparrow 1^+} \frac{f(x)+2}{x+1} .$$

5) Donner une équation cartésienne de la tangente à **(C_f)** au point **A** d'abscisse 1 .

6) En utilisant l'approximation affine estimer $f(1,01)$.

B) Soit la fonction g définie par : $g(x) = \frac{1}{f(x)+2}$.

1) **a)** Déterminer le domaine de définition D_g de g .

b) Justifier que g est continue sur D_g .

2) Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$; $\lim_{x \rightarrow -1^-} g(x)$ et $\lim_{x \rightarrow -1^+} g(x)$.

EXERCICE N : 2 (3 points)

Soit $f: [0, \pi] \rightarrow \mathbb{R}$; $x \mapsto f(x) = \frac{1-2 \sin(x)}{1-\cos(x)}$.

1) **a)** Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $1 - \cos(x) = 0$.

b) Déduire le domaine de définition D_f de f .

2) **a)** Résoudre dans $[0, \pi]$ les inéquations : $0 \leq 1 - \cos x$ et $0 \leq 1 - 2 \sin x$.

b) Déduire alors l'ensemble des solutions de l'inéquation : $f(x) \geq 0$.

EXERCICE N : 3 (6 points) (Les parties I) et II) sont indépendantes)

I) Utiliser le quadrillage pour calculer :

1) $\overline{HA} \cdot \overline{HB}$; $\overline{HC} \cdot \overline{HA}$; $\overline{KG} \cdot \overline{AF}$
 $\overline{HB} \cdot \overline{KF}$ et $\overline{IF} \cdot \overline{KG}$

2) Déduire la valeur de $\cos(\widehat{AHC})$.

II) Soit A et B deux points du plan tels que $AB = 5$

1) Construire un point C tel que $\overline{AC} \cdot \overline{AB} = 10$
 et $AC = 4$.

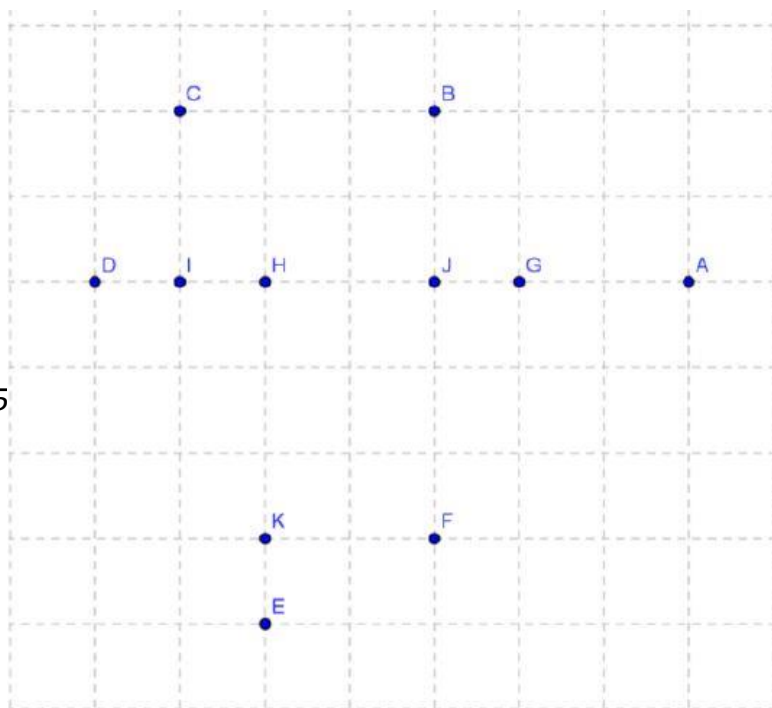
2) Placer les points D et E tels que :

$$\overline{AD} = -\frac{7}{5} \overline{AB} \text{ et } \overline{AE} = \frac{3}{2} \overline{AC} .$$

3) a) Calculer : $\overline{AB} \cdot \overline{AD}$; $\overline{AC} \cdot \overline{AE}$ et $\overline{AD} \cdot \overline{AE}$.

b) En déduire le produit scalaire $\overline{CD} \cdot \overline{BE}$.

c) Que représente la droite (DC) pour le triangle BED ?



EXERCICE N : 4 (5 points)

Soit la fonction f définie sur \mathbb{R} par :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - x + m}{x^3 - 1} & \text{si } x < -1 \\ \sqrt{x+2} & \text{si } -1 \leq x \leq 2 \\ x^2 - x & \text{si } 2 < x \end{cases} \quad m \text{ paramètre réel.}$$

On désigne par (Cf) sa courbe représentative dans le repère orthonormé $R(O, \vec{i}, \vec{j})$.

A) 1) Calculer $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

2) Déterminer la valeur de m pour que f soit continue en -1 .

3) a) Etudier la dérivabilité de f à gauche de 2 .

b) En utilisant l'approximation affine estimer $f(1,97)$.

4) a) Etudier la dérivabilité de f à droite de 2 .

b) f est elle dérivable en 2 ? justifier la réponse .

c) Donner une équation cartésienne de la demi-tangente à (Cf) à droite du point B d'abscisse 2